

**Meno:**

**Trieda:**

**Laboratórne cvičenie**  
**Závislosť elektrického odporu od teploty**

**Úlohy:**

1. Odmerať závislosť odporu kovového vodiča od teploty
  - a. Z nameranej závislosti určiť odpor kovového vodiča pri teplote 0°C a hodnotu teplotného súčiniteľa elektrického odporu  $\alpha$ .
2. Odmerať závislosť odporu termistora na teplotu v teplotnom intervale aspoň 50°C.
  - a. Určiť parametre A, B termistora z grafu závislosti  $\ln R = f\left(\frac{1}{T}\right)$ .
  - b. Porovnať hodnoty teploty namerané priamo senzorom teploty a hodnoty teploty vypočítanej pomocou získaných parametrov A, B termistora.

**Pomôcky:**

počítač s meracím panelom CoachLab II, program COACH6, senzor teploty (016&bt)(CMA)(-18..110C°), zdroj jednosmerného napäcia (do 10 V), potenciometer  $R_e$ (1200  $\Omega$ , ak nemáme k dispozícii regulovateľný zdroj jednosmerného napäcia), odporový normál  $R_A$  (napr.  $R_A=10 \Omega$  z odporovej dekády), senzor elektrického prúdu, kovový vodič (napr. stočený medený drôt), ohrievač s vodným kúpeľom, spojovacie vodiče

## Aktivita 1 Závislosť elektrického odporu kovového vodiča od teploty

### Fyzikálny princíp:

Pri kovoch je vzrast elektrického odporu  $\Delta R$  priamo úmerný zvýšeniu teploty  $\Delta t$  podľa vzťahu:

$$\Delta R = R_0 \alpha \Delta t,$$

kde  $R_0$  je pôvodná hodnota odporu a  $\alpha$  je teplotný súčinatel' odporu. Ak považujeme  $\alpha$  za konštantné, nezávislé na teplote, potom je odpor  $R$  pri teplote  $t$  pre nie príliš široké teplotné intervaly daný vzťahom

$$R = R_0 (1 + \alpha t), \quad (1)$$

kde  $R_0$  je odpor pri teplote  $t_0 = 0^\circ\text{C}$  a teplota  $t$  predstavuje rozdiel teplôt  $\Delta t = t - t_0 = t$ .

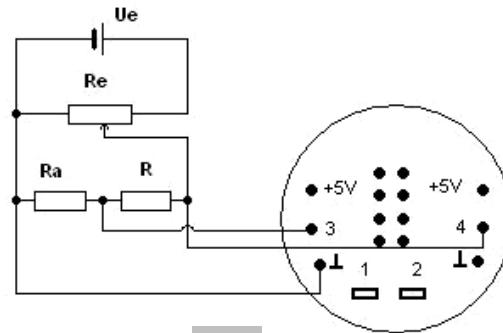
Závislosť elektrického odporu kovového vodiča od teploty je s pomerne dobrou presnosťou lineárna, a to najmä pri teplotách dostatočne vzdialených od teploty absolútnej nuly.

Rovnicu (1) môžeme upraviť na tvar

$$R = R_0 + R_0 \alpha t$$

### Postup:

1. Otvorite súbor „Závislosť odporu od teploty“. Pokiaľ súbor k dispozícii nemáte, pripravte novú úlohu. Na kanál 3, resp. 4 vložte voltmeter CMA 0..5 V, resp. CMA -10..10 V a na kanál 1 vložte senzor teploty. Dobu merania nastavte na 15 minút a sondu teploty pripojte na 1. kanál meracieho panela. Vytvorte graf závislosti napätia na kovovom vodiči na čase  $U = f(t)$  a graf závislosti elektrického prúdu prechádzajúceho kovovým vodičom na čase  $I = f(t)$ . Na kanále 4 snímate napätie  $U_C$  z vetvy obvodu s odporovým normálom a kovovým vodičom. Na kanále 3 snímate napätie  $U_A$  z odporového normálu  $R_A$ . Napätie na kovovom vodiči získate ako rozdiel meraných napäti:  $U = U_C - U_A$ . Elektrický prúd  $I$  určíte nepriamo snímaním napäcia  $U_A$  z odporu známej hodnoty  $R_A = 10 \Omega$  výpočtom na základe vzťahu  $I = \frac{U_A}{R_A}$ . V prípade, že máte k dispozícii senzor elektrického prúdu, pripojte ho na kanál 2 meracieho panela. Namerané hodnoty prúdu a napäcia na koncoch kovového vodiča využijeme na výpočet elektrického odporu vodiča.
2. Zostavte elektrický obvod podľa schémy (obr.1). Kovový vodič a senzor teploty ponorte do ohrievača s vodným kúpeľom. Citlivá je špička senzora a preto ju nastavte na úroveň kovového vodiča.
3. Na zdroji jednosmerného napäcia nastavte napäcie napr.  $U_e = 5 \text{ V}$  a začnite ohrievať vodu.
4. Stlačením zeleného tlačidla START spustite meranie. Rýchlosť ohrevu upravte tak, aby ste dosiahli zmenu teploty asi o  $60^\circ\text{C}$  počas nastavenej doby merania 15 min.
5. Po ukončení merania ohrievač vypnite a zdroj napäcia odpojte.

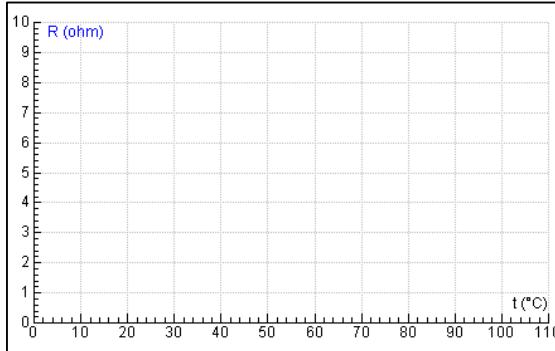


obr. 1

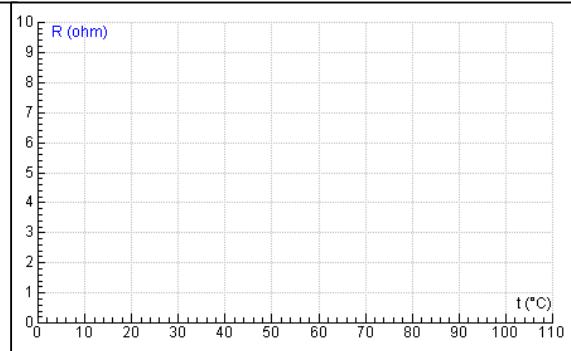
### Otázky a úlohy:

1. Do pripraveného grafu závislosti  $R = f(t)$  zakreslite svoju predpoved o priebehu sledovanej závislosti.

PREDPOVEĎ



VÝSLEDOK



2. Vytvorte graf závislosti elektrického odporu na teplote, kde pre elektrický odpor zadefinujte vzťah  $R = \frac{U}{I}$ . Získanú závislosť porovnajte s vašou predpoved'ou. Napíšte, akú závislosť vám pripomína graf  $R = f(t)$ .

3. Graf závislosti  $R = f(t)$  fitujte vhodne zvolenou funkciou. Zapíšte typ vybranej funkcie a hodnoty parametrov  $a, b, \dots$

$$f(x) =$$

$$a =$$

$$b =$$

4. Ktorú veličinu v našom meraní prestavuje nezávislá premenná  $x$ ?

$$x =$$

5. Ktorú veličinu v našom meraní prestavuje závislá premenná  $y = f(x)$ ?

$$y = f(x) =$$

6. Aký je fyzikálny význam parametrov  $a, b$  vo funkcií, ktorou ste fitovali nameranú závislosť  $R = f(t)$ ?

$$a =$$

$$b =$$

7. Aká je hodnota odporu  $R_0$  a teplotného súčiniteľa odporu  $\alpha$  kovového vodiča?

$$R_0 =$$

$$\alpha =$$

8. Určte odpor kovového vodiča pri teplote  $40^\circ\text{C}$  a pri teplotách  $5^\circ\text{C}$  a  $100^\circ\text{C}$ .

$$R_{40} =$$

$$R_5 =$$

$$R_{100} =$$

## Aktivita 2 Závislosť elektrického odporu termistora od teploty

### Fyzikálny princíp:

Termistor je jednoduchá polovodičová súčiastka, ktorá sa skladá z kúska polovodiča a dvoch elektrických prívodov. S rastúcou teplotou rastie stredná kinetická energia a tým sa zväčšuje počet voľných elektrónov, ktoré sa uvoľnia z kovalentných väzieb a tiež i počet dier. Preto odpor polovodiča s rastúcou teplotou výrazne klesá, a jeho odpor závisí od teploty približne podľa vzťahu

$$R = A \cdot e^{\frac{B}{T}} \quad (2)$$

kde  $T$  je termodynamická teplota,  $e = 2,718$  (Eulerovo číslo) a  $A, B$  sú parametre konkrétneho termistora. Ak zlogaritmujeme túto rovnicu pri základe  $e$ , dostaneme

$$\ln R = B \cdot \frac{1}{T} + \ln A \quad (3)$$

Ak vynesieme na vodorovnú os veličinu  $x = \frac{1}{T}$  a na zvislú os odpor v logaritmickej mierke

$y = \ln R$ , bude grafom priamka, ktorej smernica je  $B$  a  $\ln A$  určuje jej posunutie. Parametre  $A, B$  sa tak dajú získať pri fitovaní (aproximácií) priamkou a určenie ich hodnôt môžeme považovať za určenie kalibračnej krivky daného termistora.

Termistory sa používajú na meranie teplôt a s tým súvisiacich veličín, napr. rýchlosťi vetra, rýchlosťi prúdenia kvapalín atď. (čím rýchlejšie prúdi vzduch alebo kvapalina okolo termistora, tým rýchlejšie ho ochladzuje). Tiež sa termistory používajú na reguláciu teploty, na oneskorenie a spínanie v regulačnej technike (pri malej teplote má veľký odpor a viaže na seba prevažnú časť žeraviaceho napäťia, zohrievaním sa odpor zmenšuje a celý výkon sa odovzdáva napr. vláknu elektrónky).

### Postup:

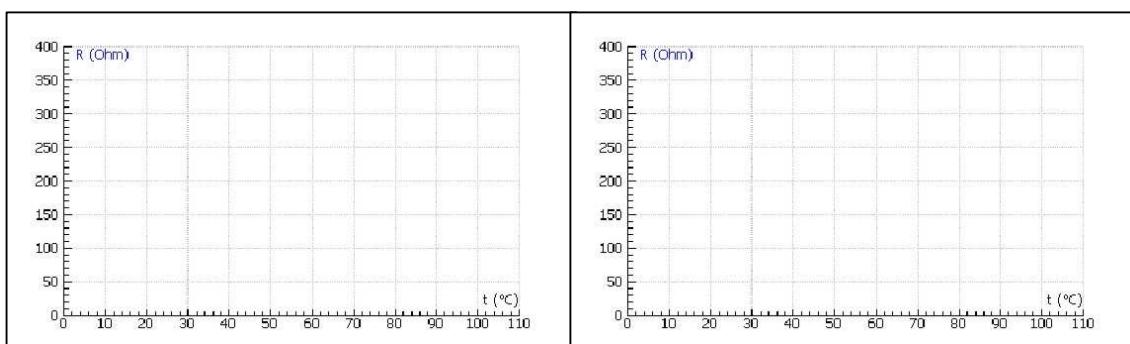
Pri meraní postupujeme rovnakým spôsobom ako pri meraní závislosti odporu kovového vodiča na teplote len miesto kovového vodiča zapojíme do elektrického obvodu polovodič – termistor (obr.1).

### Otzázky a úlohy:

- Do pripraveného grafu závislosti  $R = f(t)$  zakreslite svoju predpoveď o priebehu sledovanej závislosti.

PREDPOVEĎ

VÝSLEDOK



2. Vytvorte graf závislosti elektrického odporu na teplote, kde pre elektrický odpor zadefinujte vzťah  $R = \frac{U}{I}$ . Získanú závislosť porovnajte s vašou predpovedou. Napíšte, akú závislosť vám pripomína graf  $R = f(t)$ .

3. Vytvorte nový graf zobrazujúci závislosť  $\ln R = f(\frac{1}{T})$ . Akú závislosť vám pripomína graf  $\ln R = f(\frac{1}{T})$ ?

4. Graf závislosti  $\ln R = f(\frac{1}{T})$  fitujte vhodne zvolenou funkciou. Zapíšte typ vybranej funkcie a hodnoty parametrov  $a, b, \dots$

$$f(x) = \quad a = \quad b =$$

5. Ktorú veličinu v našom meraní prestavuje nezávislá premenná  $x$ ?

$$x =$$

6. Ktorú veličinu v našom meraní prestavuje závislá premenná  $y = f(x)$ ?

$$y = f(x) =$$

7. Aký je fyzikálny význam parametrov  $a, b$  vo funkcií, ktorou ste fitovali nameranú závislosť  $\ln R = f(\frac{1}{T})$ ?

$$a = \quad b =$$

8. Aká je hodnota  $\ln A$  a hodnoty konštánt  $A$  a  $B$  termistora?

$$\ln A = \quad A = \quad B =$$

9. Zapíšte závislosť odporu termistora na teplotu matematickým vzťahom pre váš konkrétny termistor.

10. Určte odpor termistora pri teplote 40°C a pri teplotách 0°C a 150°C.

$$R_{40} = \quad R_0 = \quad R_{150} =$$

11. Akú teplotu má termistor, ak jeho odpor je  $R = 400 \Omega$ ?

12. Na základe rovnice (3) popisujúcej závislosť odporu termistora na teplote odvodte vzťah vyjadrujúci závislosť teploty termistora na jeho elektrickom odpore. Teplotu pritom vyjadrite v Celziovej stupnici.
13. Vytvorte graf závislosti teploty odmeranej termistorom na čase. Zobrazte súčasne graf závislosti teploty na čase odmeranej teplotným senzorom. Hodnoty teploty namerané termistorom a teplotným senzorom navzájom porovnajte.

$$t_{\text{sonda}} =$$

$$t_{\text{termistor}} =$$

## Závery